

1. Дерево каталогов

1 секунда

20 очков

Написать программу, которая получает описание дерева каталогов, где вложенность каталогов показана отступами, и выводит представление этого дерева, где для большей наглядности помимо отступов используются псевдографические символы.

Входные данные. На первой строке текстового файла `kata.sis` дано количество каталогов в дереве N ($1 \leq N \leq 1000$) а на каждой из следующих N строк — имя каталога, перед которым также может быть состоящий из пробелов отступ. Каждый каталог с отступом является дочерним каталогом ближайшего предыдущего каталога с меньшим отступом. Можно предполагать, что ни одно имя каталога не длиннее 50 знаков, а ни одна строка файла (включая отступ) не длиннее 250 знаков. Имя каталога не может содержать пробелов.

Выходные данные. В текстовый файл `kata.val` вывести в точности N строк: представление того же самого дерева каталогов, где шаг отступа равен в точности двум пробелам, а вложенность каталогов изображена графически, как в примере, приведенном ниже. Для представления вертикального отрезка линии использовать символ `|` (код 124), для горизонтальных отрезков символ `-` (код 45), в месте ответвления линий символ `+` (код 43), а в месте сгиба линии (без дополнительных ответвлений) символ `*` (код 42). Каталоги должны быть перечислены в том же порядке, в каком они были заданы во входном файле.

Пример.	<code>kata.sis</code>	<code>kata.val</code>
	3	Alpha
	Alpha	*-Bravo
	Bravo	*-Charlie
	Charlie	

Пример.	<code>kata.sis</code>	<code>kata.val</code>
	8	Alpha
	Alpha	+-Bravo
	Bravo	+-Charlie
	Charlie	+-Delta
	Delta	*-Echo
	Echo	*-Foxtrot
	Foxtrot	Golf
	Golf	*-Hotel
	Hotel	

Оценивание. В тестах с суммарной стоимостью 10 очков шаг отступа во входных данных равен в точности одному пробелу.

2. Марафон

1 секунда 40 очков

Зрительные места у трассы, где проводится марафон, пронумерованы $1 \dots N$ по направлению от старта к финишу. Часть мест уже занята. K друзей хотят пойти смотреть соревнование вместе, и при этом находиться как можно ближе друг к другу.

Написать программу, которая подберет для друзей наилучшее расположение среди свободных мест. Оценкой качества расположения друзей является сумма разниц номеров занятых мест для каждой пары друзей в группе (чем она меньше — тем лучше).

Входные данные. На первой строке текстового файла `mare.sis` дано общее количество зрительных мест N ($1 \leq N \leq 1\,000\,000$), количество уже занятых мест M ($0 \leq M < N$), и количество друзей K ($1 \leq K \leq N - M$). На второй строке дано M разделенных пробелами чисел: номера уже занятых зрительных мест в порядке возрастания.

Выходные данные. На единственной строке текстового файла `mare.val` вывести два целых числа: минимальный и максимальный номера мест, которые должны занять друзья. Если найдется несколько одинаково хороших расположений, вывести то из них, которое ближе к финишу (где используются большие номера мест).

Пример.	<code>mare.sis</code>	<code>mare.val</code>
	8 4 3	4 7
	2 3 6 8	

Друзья должны купить билеты на места 4, 5 и 7 (место 6 уже занято). Для мест 4 и 5 разница номеров равна 1, для мест 5 и 7 разница равна 2, а для мест 4 и 7 разница равна 3. Сумма всех трех попарных разниц (которая и является оценкой качества расположения друзей) равна 6.

Оценивание. В тестах с суммарной стоимостью 20 очков $N \leq 30\,000$ и $K \leq 300$. Среди них, в тестах с суммарной стоимостью 10 очков $N \leq 1000$ и $K \leq 100$.

3. Сочетания

1 секунда 40 очков

Как известно из комбинаторики, число подмножеств размером K элементов у множества, содержащего N элементов, равно

$$C(N, K) = \frac{N!}{K! \cdot (N - K)!},$$

где $N!$ обозначает произведение $1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot (N - 1) \cdot N$, а также по определению $0! = 1$.

Написать программу, которая для заданных целых чисел N , K и M находит максимальное целое число L , при котором $C(N, K)$ делится на M^L .

Входные данные. На первой строке текстового файла `komb.sis` находятся целые числа N , K и M ($0 \leq K \leq N < 2^{63}$, $2 \leq M \leq 10^{12}$).

Выходные данные. На единственную строку текстового файла `komb.val` вывести искомое L . Можно считать, что ответ попадает в область значений 64-битного целого числа со знаком.

Пример.	<code>komb.sis</code>	<code>komb.val</code>
	6 3 2	2

$C(6, 3) = 6! / (3! \cdot 3!) = 720 / (6 \cdot 6) = 20$, что делится на $2^2 = 4$, но не делится на $2^3 = 8$.

Оценивание. В тестах с суммарной стоимостью 20 очков $C(N, K) < 2^{63}$. Из них в тестах с суммарной стоимостью 10 очков $N! < 2^{63}$.

2. Последовательность

1 секунда

30 очков

Написать программу, которая принимает N натуральных чисел и находит максимальное число, которое можно получить, записав данные числа друг за другом в каком-то порядке.

Входные данные. На первой строке текстового файла `jada.sis` находится целое число N ($1 \leq N \leq 1000$), а на второй строке находятся N разделённых пробелами неотрицательных целых чисел со значениями до 1 000 000.

Выходные данные. На единственную строку текстового файла `jada.val` вывести искомое максимальное число.

Пример.	<code>jada.sis</code>	<code>jada.val</code>
	3	4310
	10 3 4	

Оценивание. В тестах с суммарной стоимостью 10 очков $N \leq 5$ и сумма длин данных чисел не превышает 19.

3. Делители

1 секунда

50 очков

Написать программу, которая находит наименьшее положительное целое число, у которого есть ровно K различных делителей.

Входные данные. На единственной строке текстового файла `jaga.sis` находится положительное целое число K .

Выходные данные. На единственную строку текстового файла `jaga.val` вывести искомое число. Можно считать, что ответ попадает в область значений 64-битного целого числа со знаком.

Пример.	<code>jaga.sis</code>	<code>jaga.val</code>
	4	6

Число 6 делится на 1, 2, 3, 6, и легко проверить, что у всех меньших положительных целых чисел меньше различных делителей.

Оценивание. В тестах с суммарной стоимостью 25 очков ответ не превышает 1 000 000. Из них в тестах с суммарной стоимостью 15 очков ответ не превышает 10 000.

1. Радиовещание

1 секунда

20 очков

Телекоммуникационная фирма использует для распространения сигнала набор передатчиков. Приёмник клиента автоматически настраивается на тот передатчик, сигнал которого наиболее сильный в точке расположения приёмника. Как известно из физики, интенсивность сигнала падает пропорционально квадрату расстояния между передатчиком и приёмником.

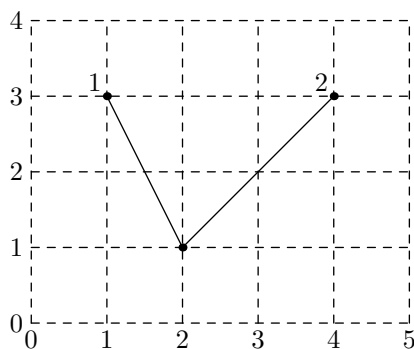
Написать программу, которая принимает местоположения и мощности всех передатчиков и определяет передатчик, на который настроится приёмник, расположенный в заданной точке.

Входные данные. На первой строке текстового файла `levi.sis` находятся координаты клиента X и Y . На второй строке файла — число передатчиков N ($1 \leq N \leq 1000$). В каждой из следующих N строк находятся координаты соответствующего передатчика X_i и Y_i , а также его мощность P_i . Все координаты — целые числа с абсолютным значением не более 10 000, а мощности передатчиков — положительные целые числа, не превышающие 1000. Можно считать, что клиент не находится в одной точке ни с одним передатчиком.

Выходные данные. На единственную строку текстового файла `levi.val` вывести номер того передатчика, сигнал которого наиболее сильный в точке расположения клиента. Если передатчиков с максимальным сигналом несколько, вывести любой из них. Передатчики пронумерованы числами $1 \dots N$ в порядке их появления во входных данных.

Пример.	<code>levi.sis</code>	<code>levi.val</code>
	2 1	2
	2	
	1 3 10	
	4 3 24	

На рисунке снизу видно, что расстояние от клиента до первого передатчика равно $\sqrt{5}$, и поэтому интенсивность его сигнала равна $10/5 = 2$, а расстояние до второго передатчика равно $\sqrt{8}$, и поэтому интенсивность его сигнала равна $24/8 = 3$. Следовательно приёмник настроится на второй передатчик, хоть он и дальше.



Пример.	<code>levi.sis</code>	<code>levi.val</code>
	2 1	2
	2	
	1 3 12	
	4 3 20	

3. Марафон

1 секунда

40 очков

Зрительные места у трассы, где проводится марафон, пронумерованы $1 \dots N$ по направлению от старта к финишу. Часть мест уже занята. K друзей хотят пойти смотреть соревнование вместе, и при этом находиться как можно ближе друг к другу.

Написать программу, которая подберет для друзей наилучшее расположение среди свободных мест. Оценкой качества расположения друзей является разница минимального и максимального номеров занятых группой мест (чем она меньше — тем лучше).

Входные данные. На первой строке текстового файла `marp.sis` дано общее количество зрительных мест N ($1 \leq N \leq 1\,000\,000$), количество уже занятых мест M ($0 \leq M < N$), и количество друзей K ($1 \leq K \leq N - M$). На второй строке дано M разделенных пробелами чисел: номера уже занятых зрительных мест в порядке возрастания.

Выходные данные. На единственной строке текстового файла `marp.val` вывести два целых числа: минимальный и максимальный номера мест, которые должны занять друзья. Если найдется несколько одинаково хороших расположений, вывести то из них, которое ближе к финишу (где используются большие номера мест).

Пример.	<code>marp.sis</code>	<code>marp.val</code>
	8 4 3	4 7
	2 3 6 8	

Друзья должны купить билеты на места 4, 5 и 7 (место 6 уже занято).

Оценивание. В тестах с суммарной стоимостью 30 очков $N \leq 30\,000$ и $K \leq 300$. Среди них, в тестах с суммарной стоимостью 20 очков $N \leq 3000$. А среди них, в свою очередь, в тестах с суммарной стоимостью 10 очков $N \leq 300$.